Determinantes

CRITERIOS DE EVALUACIÓN

- A. Calcular determinantes de orden 2.
- Sarrus, determinantes de orden 3.

B. Calcular, mediante la regla de

- C. Utilizar las propiedades de los determinantes en el cálculo de determinantes de orden mayor o igual a 3.
- **D.** Calcular el rango de una matriz mediante el uso de determinantes.
- E. Calcular el rango de una matriz que depende de un parámetro.
- F. Comprobar mediante determinantes si una matriz cuadrada es invertible.
- G. Utilizar los determinantes para calcular la inversa de una matriz cuadrada regular.
- **G.** Resolver ecuaciones matriciales en cuyo planteamiento intervienen matrices regulares de orden menor o igual a 3.

ACTIVIDADES DE EVALUACIÓN

1. Calcula los siguientes determinantes:

$$\left|\begin{array}{c|c} a & b \\ b & a \end{array}\right|, \left|\begin{array}{c|c} \operatorname{sen}(\alpha) & \cos(\alpha) \\ \operatorname{sen}(\beta) & \cos(\beta) \end{array}\right|, \left|\begin{array}{c|c} \operatorname{log}(4) & \operatorname{log}(4) \\ \operatorname{log}(2) & \operatorname{log}(20) \end{array}\right|$$

- 2. Calcula los siguientes determinantes: 1 |, 1 c a b С
- 3. a) Calcula, aplicando las propiedades de los determinantes:

- a bc b) Demuestra la igualdad: $b^{2} \ b \ ca = b^{3} \ b^{2}$ 1 c^2 c ab
- 4. Calcula el rango de las siguientes matrices:

a)
$$A = \begin{pmatrix} 6 & 0 & -1 & 3 \\ 2 & 1 & -3 & 1 \\ 1 & 4 & -2 & -5 \end{pmatrix}$$

b)
$$B = \begin{pmatrix} -2 & 3 & 1 & 0 & 5 \\ 3 & 2 & -1 & 2 & 2 \\ 4 & -1 & 0 & 5 & 3 \\ 3 & 7 & 1 & 7 & 15 \end{pmatrix}$$

5. a) Calcula, en función de x, el valor del siguiente determinante:

b) Calcula, en función de x, el rango de la matriz:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ -1 & x & 1 & 1 \\ -1 & -1 & x & 1 \\ -1 & -1 & -1 & x \end{pmatrix}$$

- **6.** Dada la matriz $A = \begin{bmatrix} 0 & a & 3 \\ 4 & 1 & -a \end{bmatrix}$
 - a) Halla los valores de a para los que la matriz A tiene inversa.
 - b) Para a = 2, calcula la inversa de A.
- 7. Determina los valores de n para los que la matriz

$$A = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ n & n+1 & n \\ 2n & 2n+1 & 2n+1 \end{pmatrix}$$

- es regular y calcula su inversa, en caso de que exista, para n = 0.
- **8.** Resuelve la ecuación matricial AX B + C = 0, siendo

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 2 & -1 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 14 & 8 & 2 \\ 1 & 3 & -5 \end{pmatrix} y C = \begin{pmatrix} 1 & 3 & -6 \\ 3 & 0 & 2 \end{pmatrix}.$$

9. Resuelve el sistema de ecuaciones matriciales

$$\begin{cases} 3X + Y = A \\ X - 2Y = 2B \end{cases}, \text{ donde } A = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 1 & -3 \end{pmatrix} \text{ y } B = \begin{pmatrix} 0 & -3 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}.$$